Université Paul Valéry
Département de Psychologie
Licence de Psychologie

Septembre 2004

Examen de statistique
PS321 et/ou PS322

Durée 1h30, un soin particulier sera accordé à la rédaction, document autorisé : "antisèche officielle", les questions peuvent être traitées de manière indépendante.

Tous les étudiants doivent répondre à l'ensemble des questions (y compris les étudiants ayant déjà validé l'un des deux ECU).

Répondre directement sur le sujet qui est à agrafer dans la copie d'examen.

On s'intéresse à la population des élèves d'une classe de terminale.
A la suite d'un tirage au sort, on dispose d'un échantillon de $n = 10$ individus pour lesquels nous avons observé leur âge le jour de leur inscription : 17 19 17 16 20 18 17 19 18 21

A. En supposant qu'il y a 32 élèves dans cette classe, combien d'échantillons de 10 personnes différentes est-il possible d'obtenir ? En supposant que la classe est constituée à 50% de filles, quelle est la probabilité pour que l'échantillon soit entièrement féminin ?

B. Calculer la moyenne, la médiane, le mode et la variance des âges observés.

C. 1) Calculer un intervalle de confiance à 95% de l'âge moyen.

2) Si nous avions demandé un intervalle de confiance à 50%, la largeur de ce dernier aurait-elle été plus grande ou plus petite de celle de l'intervalle à 95% ? Pourquoi ?

D. On suppose que la variable aléatoire $X =$"âge des élèves le jour de leur inscription" suive une loi normale $\mathcal{N}(18, 2)$.

1) Calculer la probabilité pour qu'un nouvel inscrit ait :

a) entre 17 et 19 ans,

b) plus de 20 ans,

c) plus de 20 ans sachant qu'il est majeur.

2) L'hypothèse $X \sim \mathcal{N}(18, 2)$ vous semble t'elle réaliste ici ? (Motiver votre réponse en quelques lignes).

E. Parmi ces $n = 10$ étudiants, 4 ont obtenu leur bac avec mention. Calculer une estimation de la proportion des étudiants qui ont obtenu leur bac avec mention, ainsi qu'un intervalle de confiance à 90% de cette proportion.

F. Pour 5 de ces étudiants, nous avons noté le nombre d'absences durant l'année et la note finale obtenue au bac :

Nombre d'absences	4	1	2	5	2
Note	8	12	13	5	10

1) Calculer le cœfficient de corrélation entre le nombre d'absences et la note. Interpréter le résultat.

2) Avec un échantillon de taille plus importante (de taille 290), on trace sur le graphique suivant la valeur de la note en fonction des nombres d'absences. A la vue de ce graphique, pensez-vous que la question précédente sur le cœfficient de corrélation soit justifiée ? Pourquoi ?

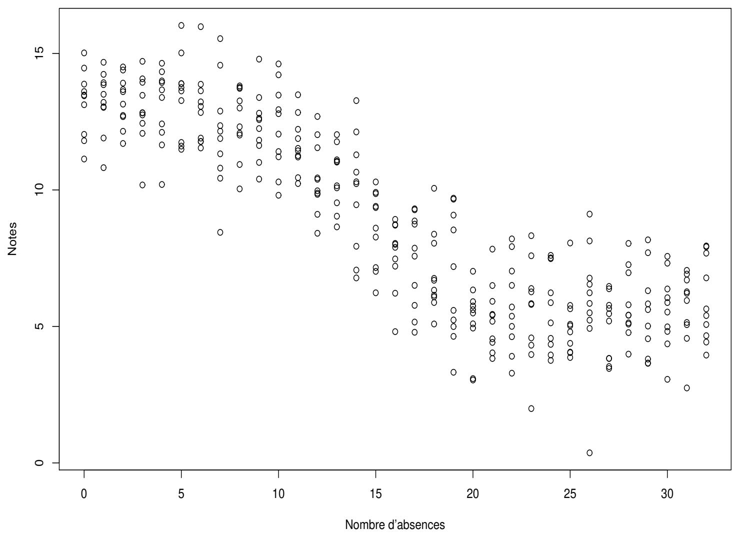

Table de la loi de Student.

α	0.5	0.1	0.05	0.02	0.01
1	1.000	6.34	12.71	31.82	63.66
2	0.816	2.92	4.30	6.96	9.92
3	0.765	2.35	3.18	4.54	5.84
4	0.741	2.13	2.78	3.75	4.60
5	0.727	2.02	2.57	3.36	4.03
6	0.718	1.94	2.45	3.14	3.71
7	0.711	1.90	2.36	3.00	3.50
8	0.706	1.86	2.31	2.90	3.36
9	0.703	1.83	2.26	2.82	3.25
10	0.700	1.81	2.23	2.76	3.17
11	0.697	1.80	2.20	2.72	3.11
12	0.695	1.78	2.18	2.68	3.06
13	0.694	1.77	2.16	2.65	3.01
14	0.692	1.76	2.14	2.62	2.98
15	0.691	1.75	2.13	2.60	2.95
16	0.690	1.75	2.12	2.58	2.92
17	0.689	1.74	2.11	2.57	2.90
18	0.688	1.73	2.10	2.55	2.88
19	0.688	1.73	2.09	2.54	2.86
20	0.687	1.72	2.09	2.53	2.84

Table 1: Table de la loi normale centrée-réduite $\mathcal{N}(0,1)$.

	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.5000	0.5040	0.5080	0.5120	0.5160	0.5199	0.5239	0.5279	0.5319	0.5359
0.1	0.5398	0.5438	0.5478	0.5517	0.5557	0.5596	0.5636	0.5675	0.5714	0.5753
0.2	0.5793	0.5832	0.5871	0.5910	0.5948	0.5987	0.6026	0.6064	0.6103	0.6141
0.3	0.6179	0.6217	0.6255	0.6293	0.6331	0.6368	0.6406	0.6443	0.6480	0.6517
0.4	0.6554	0.6591	0.6628	0.6664	0.6700	0.6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	0.7054	0.7088	0.7123	0.7157	0.7190	0.7224
0.6	0.7257	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0.7486	0.7517	0.7549
0.7	0.7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7703	0.7734	0.7764	0.7793	0.7823	0.7852
0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8078	0.8106	0.8133
0.9	0.8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0.8340	0.8365	0.8389
1.0	0.8413	0.8438	0.8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0.8599	0.8621
1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0.8790	0.8810	0.8830
1.2	0.8849	0.8869	0.8888	0.8906	0.8925	0.8943	0.8962	0.8980	0.8997	0.9015
1.3	0.9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
1.4	0.9192	0.9207	0.9222	0.9236	0.9251	0.9265	0.9279	0.9292	0.9306	0.9319
1.5	0.9332	0.9345	0.9357	0.9370	0.9382	0.9394	0.9406	0.9418	0.9429	0.9441
1.6	0.9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0.9505	0.9515	0.9525	0.9535	0.9545
1.7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
1.8	0.9641	0.9649	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9699	0.9706
1.9	0.9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9761	0.9767
2.0	0.9772	0.9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0.9803	0.9808	0.9812	0.9817
2.1	0.9821	0.9826	0.9830	0.9834	0.9838	0.9842	0.9846	0.9850	0.9854	0.9857
2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9875	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887	0.9890
2.3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913	0.9916
2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0.9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934	0.9936
2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951	0.9952
2.6	0.9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
2.7	0.9965	0.9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
2.8	0.9974	0.9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0.9983	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9986	0.9986
3.0	0.9986	0.9987	0.9987	0.9988	0.9988	0.9989	0.9989	0.9989	0.9990	0.9990
3.1	0.9990	0.9991	0.9991	0.9991	0.9992	0.9992	0.9992	0.9992	0.9993	0.9993
3.2	0.9993	0.9993	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9995	0.9995	0.9995
3.3	0.9995	0.9995	0.9995	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9997
3.4	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9998
3.5	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998
3.6	0.9998	0.9998	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.7	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.8	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.9	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000

On lit les décimales dans les lignes, et les centièmes en colonnes. Par exemple, la valeur de $F(1.65) = P(X \leq 1.65)$ se trouve à l'intersection de la ligne 1.6 et de la colonne 0.05 - on trouve $F(1.65) = 0.9505$, à 10^{-4} près. Pour les valeurs négatives de x, on utilise la relation $F(-x) = 1 - F(x)$.